# C. Koeniguer 2009/2010

#### Composants et capteurs

## Propriétés électroniques des semiconducteurs

1ère année Polytech Paris Sud

Département Electronique & Systèmes Embarqués

Cédric KOENIGUER



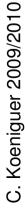
#### Plan

#### I. Introduction à la physique du solide

- 1) Rappels et outils
- 2) Propriétés d'un cristal
- 3) Caractérisation des porteurs

#### II. Propriétés des semiconducteurs

- 1) Caractérisation d'un semiconducteur
- 2) Dopage
- 3) Semiconducteur à l'équilibre





# C. Koeniguer 2009/2010

#### I. Introduction à la physique du solide

- 1) Rappels et outils
- 2) Propriétés d'un cristal
- 3) Caractérisation des porteurs



## Tableau périodique des éléments

Ш

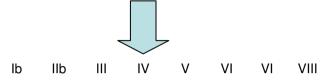
Ex: Silicium

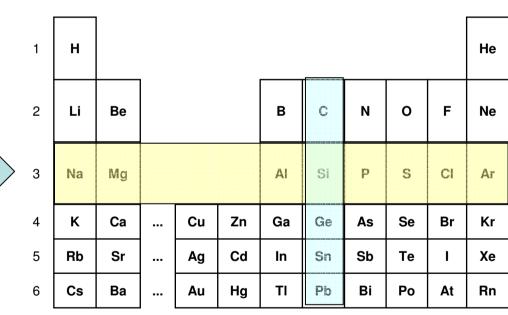
• Si •

- 3 couches
- 4 électrons sur la couche de valence

Nombre de couches électroniques

Nombre d'électrons sur la couche de valence







## Energies et électrons volts

Energies caractéristiques des SC :  $E \approx 10^{-19} \text{ J}$ 



Le Joule est une unité peu adaptée à la physique des solides

Nouvelle unité : eV , électron-volt

1 eV = énergie d'un électron accéléré sous 1 V

$$|E| = qV = 1.6 \ 10^{-19} \ J = 1 eV$$

$$E^{(eV)} = \frac{E^{(J)}}{q}$$

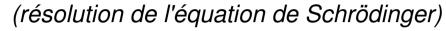
Ex à Température ambiante :  $k_BT = 4.14 \cdot 10^{-21} \text{ J} = 25 \text{ meV}$ 

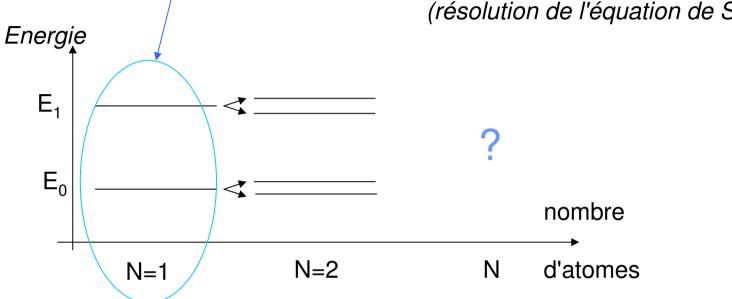
Mais: 
$$\frac{k_B T}{q} = 25 \text{ mV}$$



## Problématique : de l'atome au cristal

Atome isolé : niveaux d'énergie discrets pour les électrons





Dans les solides : 10<sup>22</sup> atomes/cm<sup>3</sup>

Pour connaître l'énergie :résolution de 10<sup>22</sup> équations de Schrödinger couplées ⇒ impossible dans le cas général!

solides cristallins: simplification possible car les positions des atomes sont **périodiques** (≠ des structures **amorphes**)

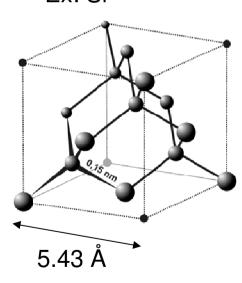


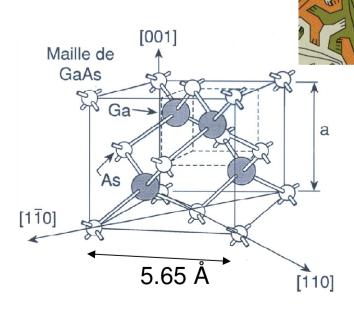
## Périodicité des cristaux (1)

<u>Cristal</u>: solide dont l'arrangement atomique est périodique dans l'espace

⇒ motif élémentaire : maille élémentaire

Ex: Si







#### Périodicité des cristaux (2)

Transformée (ou série)

de Fourier

#### réseau direct :

- espace réel, des distances (m)
- structure cristalline périodique
- maille élémentaire
- grandeurs physiques périodiques (densités, potentiel, ...)

<u>réseau réciproque :</u>

- espace de Fourier, du vecteur d'onde k (m<sup>-1</sup>)
- structure périodique
- grandeurs périodiques
- équivalent de la maille élémentaire : 1ère zone de Brillouin



### Structure de bande : exemple de résolutions

Résolution numérique de l'équation de Schrödinger appliquée à un électron dans un potentiel moyen

⇒ diagramme des bandes d'énergie (E fonction de k)

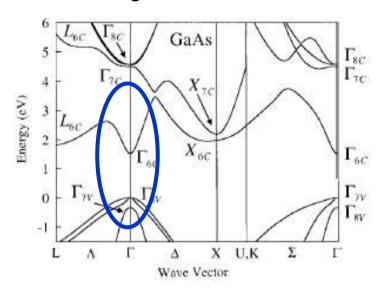


FIG. 2. The GaAs band structure, as calculated according to the present  $sp^3s^{*}$  "d"  $k \cdot p$  model for four directions.

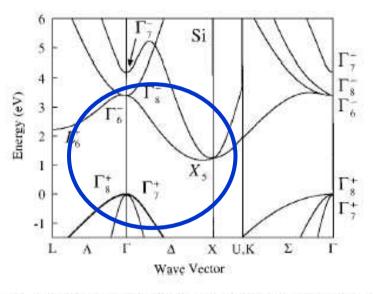


FIG. 3. The Si band structure, as calculated according to the present  $sp^3s^{*}$  'd'  $k \cdot p$  model for four directions.

PHYSICAL REVIEW B, VOLUME 64, 115207

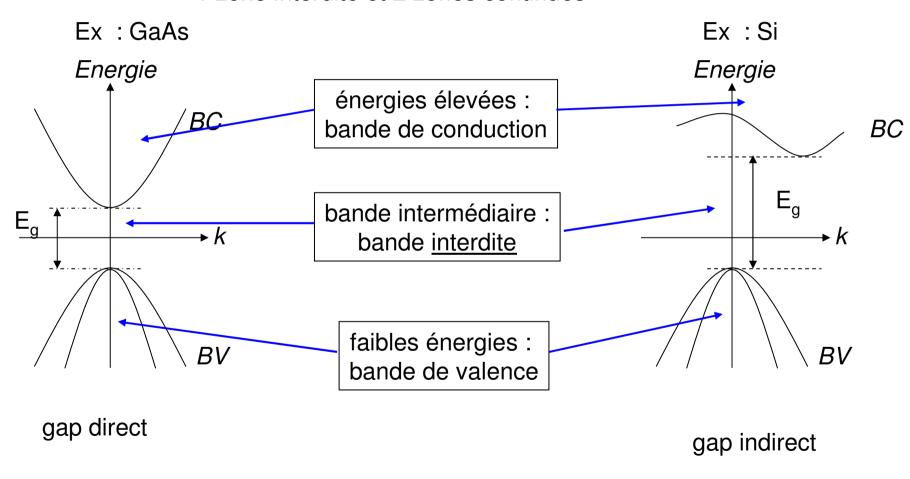
#### Energy-band structure of GaAs and Si: A sps\* k·p method

Nicolas Cavassilas, 1 Frédéric Aniel, 1 Kais Boujdaria, 2 and Guy Fishman 1 <sup>1</sup>Institut d'Electronique Fondamentale, UMR 8622 CNRS, Université Paris Sud, 91405 Orsay Cedex, France <sup>2</sup>Département de Physique, Faculté des Sciences de Bizerte, Université de Tunis II, 7021 Zarzouna, Bizerte, Tunisia (Received 2 March 2001; published 31 August 2001)



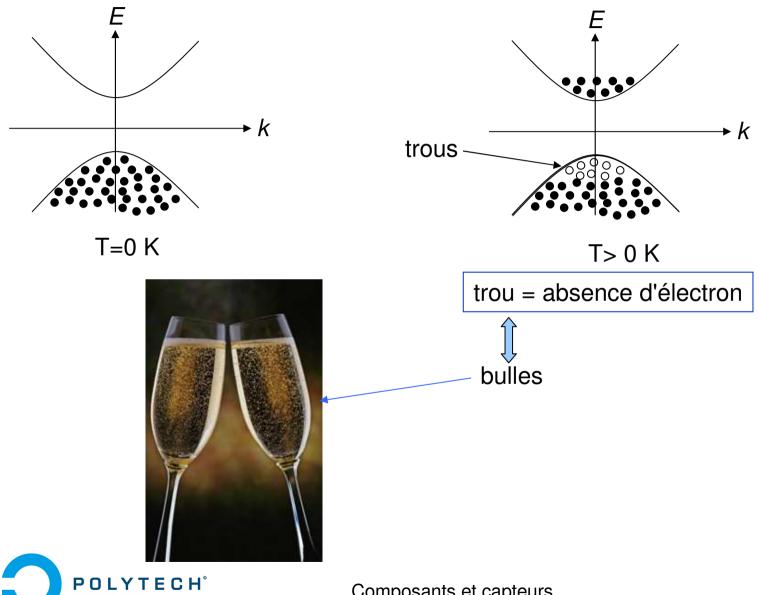
#### Structure de bande simplifiée (espace réciproque)

diagramme des bandes d'énergie : 3 zones dont 1 zone interdite et 2 zones continues





#### Répartition des électrons dans les bandes



### Energie de Gap

#### Phénomènes électriques et optiques :

- électrons en bas de la BC (énergie minimale)
- les trous en haut de BV (énergie maximale)

On définit  $E_G=Min(BC)-Max(BV)=E_C-E_V$ : énergie de gap

- caractéristique du matériau
- dépend de T

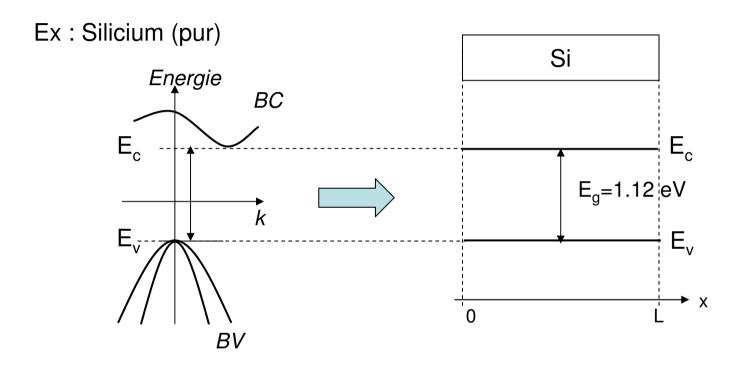
#### Exemple de Gap des SC courants :

SC	Si	Ge	GaAs
EG (T=300 K)	1.12 eV	0.66 eV	1.42 eV

# C. Koeniguer 2009/2010

#### Structure de bande dans l'espace direct

on représente  $E_C$  et  $E_V$  en fonction de x (position dans le matériau)

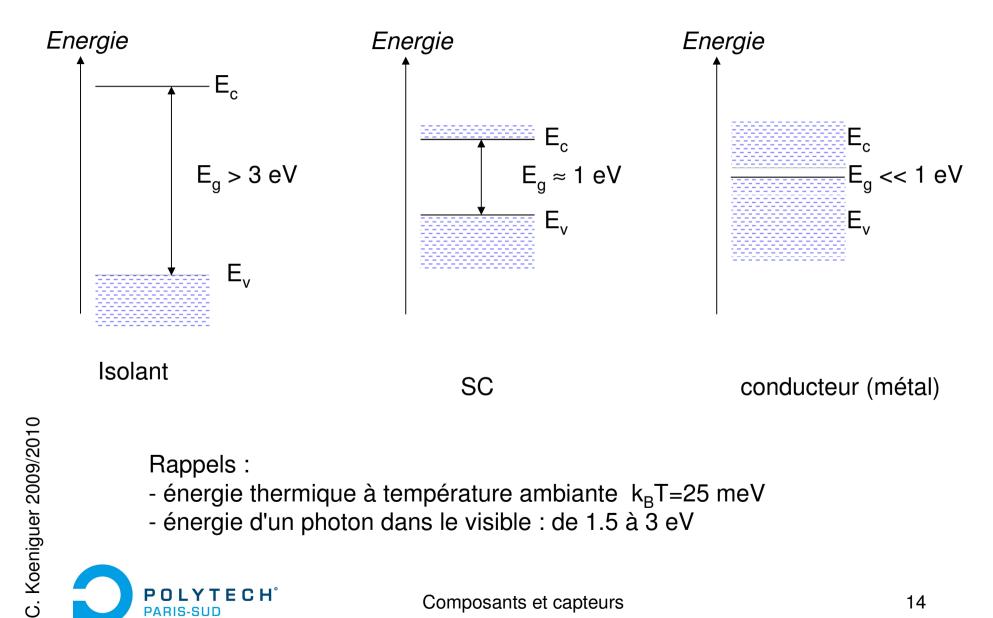


Si V(x): potentiel dans le SC

$$\begin{cases} E_C(x) = -q V(x) + \text{constante} \\ E_V(x) = -q V(x) + \text{constante} \end{cases}$$



#### Structure de bande des autres matériaux



#### Rappels:

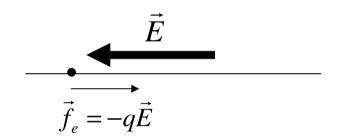
- énergie thermique à température ambiante k<sub>B</sub>T=25 meV
- énergie d'un photon dans le visible : de 1.5 à 3 eV

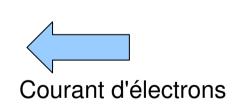


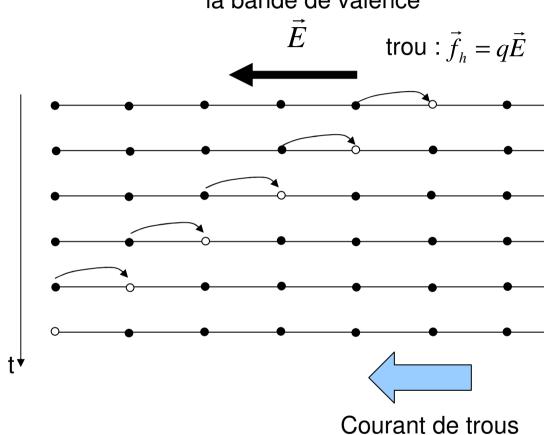
#### Déplacement des trous

Electrons/trous dans la bande de valence

Electrons dans la bande de conduction





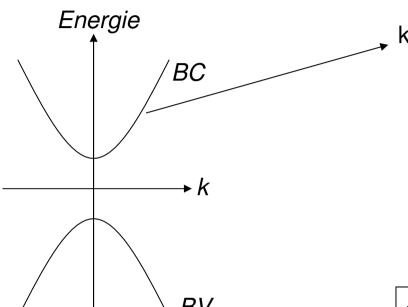


Les électrons de la BC <u>et</u> les trous de la BV participent à un courant : Il existe 2 types de porteurs (électrons et trous)



# C. Koeniguer 2009/2010

#### Notion de masse effective



k faible :  $E(k) = E_c + \frac{1}{2} \frac{\partial^2 E}{\partial k^2} k^2$ 

$$E(k) = E_c + \frac{\hbar^2 k^2}{2m^*}$$

$$m^* = \frac{1}{\hbar^2} \frac{1}{\partial^2 E / \partial k^2} k^2$$

⇒ analogue à un électron dans le vide

idem pour les trous

La masse effective influence la mobilité des porteurs

Exemple: masse effective des électrons dans GaAs: m\*=0.067 m<sub>0</sub>

$$(m_0=9.1\ 10^{-31}\ kg)$$



### Statistique de Fermi-Dirac

Répartition des électrons en fonction de l'énergie : fonction de Fermi Dirac liée à la nature des porteurs (mais pas au matériau)

$$f(E) = \frac{1}{1 + e^{\frac{E - E_F}{k_B T}}}$$

$$f(E) = \frac{1}{1 + e^{\frac{E - E_F}{k_B T}}} \left[ (E - E_F) << k_B T : f(E) \approx 1 \\ (E - E_F) >> k_B T : f(E) \approx \exp(-(E - E_F) / k_B T) \right]$$

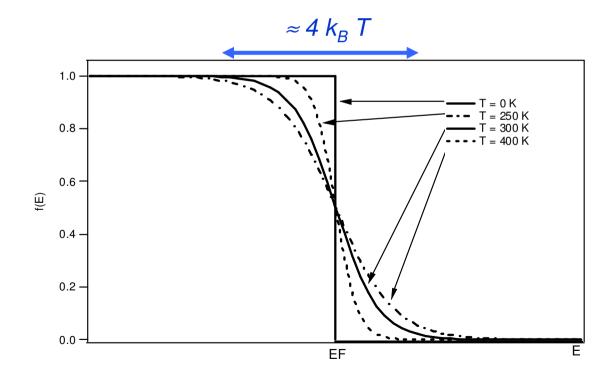
E<sub>F</sub>: niveau de Fermi (énergie)

- dans la bande interdite (dans la plupart des SC)
- rend compte de la densité d'électron à l'énergie E

C. Koeniguer 2009/2010

Répartition des trous :





### Densité d'états et densité de porteurs dans un SC

Selon les matériaux, on peut stocker plus ou moins d'électrons (de trous)

entre E et E+dE : c'est lié la <u>densité d'états d'énergie</u> Nc(E) (électrons) et Nv(E) (trous)

#### Densité de porteurs :

- dépend de la statistique de Fermi (dû à la nature des porteurs)
- dépend du matériau

densité de porteurs entre E et E+dE

$$\begin{cases} n = \int_{BC} Nc(E) f(E) dE & \text{(densit\'e d'\'electrons)} \\ p = \int_{BV} Nv(E) (1 - f(E)) dE & \text{(densit\'e de trous)} \end{cases}$$

## Densité de porteurs dans un SC

On peut montrer que si 
$$E_V < E_F < E_C$$
 : 
$$\begin{cases} n = N_C \ e^{-\frac{E_C - E_F}{k_B T}} \\ p = N_V \ e^{\frac{E_V - E_F}{k_B T}} \end{cases}$$

N<sub>C</sub>, N<sub>V</sub> : densités équivalentes d'états

- dépend du matériau et de T
- ordres de grandeur : 10<sup>17</sup> à 10<sup>19</sup> cm<sup>-3</sup>

Rem: 
$$p \times n = N_C N_V e^{-E_G/k_B T}$$



# C. Koeniguer 2009/2010

#### II. Propriétés des semiconducteurs

- 1) Caractérisation d'un SC
- 2) Dopage
- 3) Semiconducteur hors équilibre :
  - a) Généralités
  - b) Génération/recombinaison
  - c) Transport électronique
  - d) Quasi-niveaux de Fermi
  - e) Répartition des porteurs minoritaires



### Notion d'équilibre thermodynamique

#### <u>Définition</u>:

- Pas de perturbation externe (pas d'éclairement, pas de tension appliquée)
- équilibre thermique (régime permanent)

*équilibre thermodynamique* 



*E<sub>F</sub> est constant* 



$$p \times n = \text{constante} = n_i^2$$

$$n_i = \sqrt{N_c N_v} e^{-E_g/2k_B T}$$



### Grandeurs caractéristiques

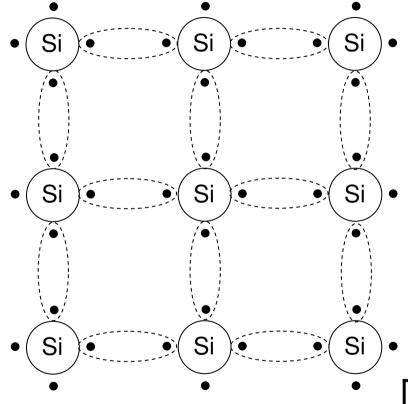
- énergies : E<sub>C</sub>, E<sub>V</sub>
- énergie de Gap E<sub>G</sub>
- densités de porteurs : n et p
  - porteurs majoritaires (électrons si n>p ou les trous si p>n)
  - porteurs minoritaires (électrons si n<p ou les trous si p<n)
- conductivité  $\sigma$  et résistivité  $\rho$  d'un matériau :

$$\sigma = \frac{1}{\rho} = \sigma_n + \sigma_p$$

• Caractéristiques électriques : I(V), C(V) et optiques

## Silicium intrinsèque

Ex : Silicium schématisé dans un plan



$$n=p=n_i$$
  $\Longrightarrow$   $E_F \approx (E_C+E_V)/2$ 

#### Ordres de grandeur :

SC	Si	Ge	GaAs
n <sub>i</sub> (T=300 K) cm <sup>-3</sup>	10 <sup>10</sup>	10 <sup>13</sup>	10 <sup>6</sup>



### Niveau de Fermi intrinsèque

On définit  $E_i$ , niveau de Fermi intrinsèque : niveau constant,  $E_i = (E_C + E_V)/2$ 

Quel que soit le SC:

$$\begin{cases} n = n_i e^{-\frac{E_i - E_F}{k_B T}} \\ p = n_i e^{\frac{E_i - E_F}{k_B T}} \end{cases}$$

$$\begin{cases} E_F > E_i : n > n_i > p \\ E_F = E_i : n = p = n_i \\ E_F < E_i : n < n_i < p \end{cases}$$

### Dopage de type N

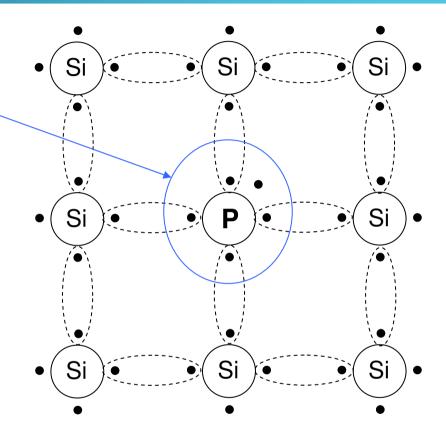
Si -> P (colonne V)

N<sub>d</sub> : densité d'atomes donneurs

$$n = N_d >> n_i$$

$$p = \frac{n_i^2}{N_d} << n_i$$

$$E_F > E_i$$



Ordres de grandeur :  $N_{Si}$  #  $10^{22}$  cm<sup>-3</sup> ;  $N_{d}$  #  $10^{15}$  ->  $10^{18}$  cm<sup>-3</sup>



### Dopage de type P

Si -> B (colonne III)

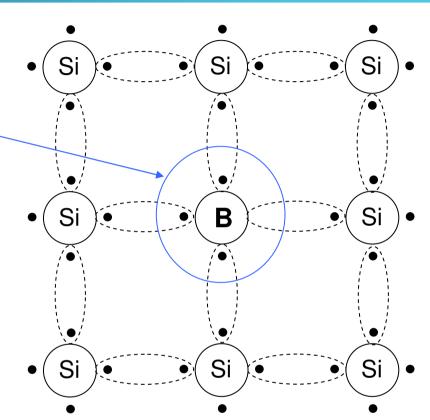
N<sub>a</sub>: densité d'atomes accepteurs

$$p = N_a \gg n_i$$

$$n = \frac{n_i^2}{N_a} \ll n_i$$

$$E_F \ll E_i$$

$$E_c \qquad E_i \qquad E_F$$



Ordres de grandeur :  $N_{Si}$  #  $10^{22}$  cm<sup>-3</sup> ;  $N_a$  #  $10^{15}$  ->  $10^{18}$  cm<sup>-3</sup>



#### Bilan

## SC type N: $E_{c} = \frac{E_{c}}{E_{i}} = E_{F}$ $E_{v} = \frac{E_{c}}{E_{v}} = \frac{E_{F}}{E_{v}}$

SC intrinsèque : 
$$E_c$$
  $E_i=E_F$   $E_v$ 

A l'équilibre et hors équilibre :  $E_{C,V,i} = -qV + {
m constante}$ 

$$\begin{cases} n = N_C e^{-\frac{E_C - E_F}{k_B T}} = n_i e^{-\frac{E_i - E_F}{k_B T}} \\ p = N_V e^{\frac{E_V - E_F}{k_B T}} = n_i e^{\frac{E_i - E_F}{k_B T}} \end{cases}$$

## Généralités : hypothèse de faible injection

Etude des dispositifs uniquement sous hypothèse de faible injection

- tension appliquées faibles ou rayonnements incidents faibles
- excès de porteurs  $\Delta n$  et  $\Delta p$  (par rapport à l'équilibre) tels que :

• pour un type N : 
$$\Delta n$$
 ,  $\Delta p << n_0 = N_d$ 

• pour un type P : 
$$\Delta n$$
 ,  $\Delta p << p_0 = N_a$ 

⇒ on ne perturbe pas les porteurs majoritaires.

#### Recombinaison de porteurs

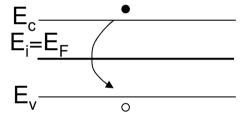
#### Recombinaison de porteurs :

- radiatives (émission de photons) : émission spontanée ou stimulée ex : LED, Laser
- non radiatives (pas d'émission de photons) : recombinaison Auger, vibration du réseau (phonon)

#### Taux de recombinaison :

• Pour les minoritaires :

$$r_n = \frac{\Delta n}{\tau_n}$$
 ou  $r_p = \frac{\Delta p}{\tau_p}$ 



 $\tau_{n}$  ou  $\tau_{p}$  : durée de vie des porteurs minoritaires

ordres de grandeurs : 1μs à 10 μs

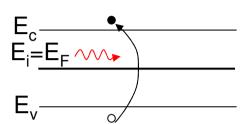
•Pour les majoritaires :  $r_n \approx 0$  ou  $r_p \approx 0$ 



## Génération de porteurs

#### Génération de porteurs :

- activation thermique (peu efficace, lent) ex: bruit en ISO élevée sur les APN
- éclairement  $(hv>E_g)$ ex : conversion photons/porteurs dans un APN



Création de paires e-/trous  $\Rightarrow \Delta n \approx \Delta p$ 

Taux de génération : 
$$g = \frac{\Delta n}{\tau_n}$$
 ou  $g = \frac{\Delta p}{\tau_p}$ 



### Transport électronique : conduction

Conduction = mouvement des porteurs sous champ  $\tilde{E}$ 

• Pour les électrons (de la BC) : 
$$\vec{j}_{n\,cond}=\pmb{\sigma}_{n}\vec{E}=qn\mu_{n}\vec{E}$$

- Pour les trous (de la BV) :  $\vec{j}_{p\ cond} = \pmb{\sigma}_p \vec{E} = q p \mu_p \vec{E}$
- Densité de courant totale :

$$\vec{j}_{cond} = \vec{j}_{n \, cond} + \vec{j}_{p \, cond} = \sigma \, \vec{E} = (qp\mu_p + qn\mu_n)\vec{E}$$

$$\mu = \frac{q\tau}{m^*} \quad \begin{array}{l} \mu \text{ mobilit\'e du porteur, où} \\ \bullet \tau \text{ : temps de relaxation} \\ \bullet \text{ m}^* \text{ : masse effective} \end{array}$$





### Transport électronique : diffusion

diffusion = mouvement des porteurs dû à une inhomogénéité de leur quantité

- Pour les électrons (de la BC) :  $\vec{j}_{n \, diff} = q \, D_n \, \, \overline{\mathbf{Grad}}(n)$
- Pour les trous (de la BV) :  $\vec{j}_{p \text{ diff}} = -q D_p \overrightarrow{\mathbf{Grad}}(p)$
- D<sub>n</sub> et D<sub>p</sub>: coefficients de diffusion (m<sup>2</sup>.s<sup>-1</sup>)

Attention au signe

• Densité de courant totale :

$$\vec{j}_{diff} = \vec{j}_{n \, diff} + \vec{j}_{p \, diff} = qD_n \overrightarrow{\mathbf{Grad}}(n) - qD_p \overrightarrow{\mathbf{Grad}}(p)$$

#### Transport électronique : courant total

$$\vec{j} = \vec{j}_{diff} + \vec{j}_{cond}$$

Lien entre la conduction et la diffusion : relations d'Einstein

$$D_n = \mu_n \frac{k_B T}{q}$$

$$D_p = \mu_p \frac{k_B T}{q}$$

#### Transport électronique : équations de continuité

Bilan des porteurs dans un volume élémentaire, pendant dt :

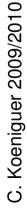
Pour les électrons (de la BC) :

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{1}{q} \operatorname{div}(\vec{j}_n) + g_n - r_n$$

• Pour les trous (de la BV) :

$$\frac{\partial p}{\partial t} = \frac{1}{q} \operatorname{div}(\vec{j}_p) + g_p - r_p$$

Attention au signe



### Quasi-niveaux de Fermi : problématique

Soit un SC de type N à l'équilibre :

$$\begin{cases} n_0 = N_C e^{-\frac{E_C - E_F}{k_B T}} = N_d \longrightarrow E_F^{eq} - E_C = k_B T \ln(n_0 / N_C) \\ p_0 = N_V e^{\frac{E_V - E_F}{k_B T}} = n_i^2 / N_d \longrightarrow E_F^{eq} - E_C = k_B T \ln(N_V / p_0) \end{cases}$$

Si on injecte des porteurs sous l'hypothèse de faible injection :

$$n = n_0 + \Delta n \approx n_0 \longrightarrow E_F = E_F^{eq}$$

$$p = p_0 + \Delta p \approx \Delta p >> p_0 \longrightarrow E_F < E_F^{eq}$$
contradiction!



#### Quasi-niveaux de Fermi : définition

Hors équilibre : il faut un niveau de Fermi par porteur :

- quasi-niveau de Fermi pour les électrons : E<sub>Fn</sub>
- quasi-niveau de Fermi pour les trous : E<sub>Fp</sub>

$$\begin{cases} n = N_C e^{-\frac{E_C - E_{Fn}}{k_B T}} = n_i e^{-\frac{E_i - E_{Fn}}{k_B T}} \\ p = N_V e^{\frac{E_V - E_{Fp}}{k_B T}} = n_i e^{\frac{E_i - E_{Fp}}{k_B T}} \end{cases}$$



### Longueur de diffusion des porteurs minoritaires (1)

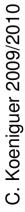
SC de type N à l'équilibre, homogène, de longueur L très grande

$$\begin{cases} n_0 = N_d \\ p_0 = n_i^2 / N_d \end{cases}$$

On considère ce SC hors équilibre :

- on génère des porteurs en x=0 uniquement : g(x)=0 pour x>0
- hypothèse de faible injection

Que vaut n(x) et p(x)?

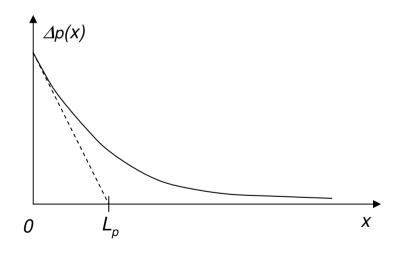




## Longueur de diffusion des porteurs minoritaires (2)

$$\begin{cases} n = n_0 + \Delta n \approx N_d & \text{(faible injection)} \\ p = p_0 + \Delta p \end{cases}$$

On montrera en TD (cf TD2) que :  $\Delta p(x) = \Delta p(0) e^{-x/L_p}$ 



avec  $L_p = \sqrt{D_p \tau_p}$  : longueur de

longueur de diffusion des trous